

Домашнее задание №2

И. Щуров, М. Матушко, И. Машанова, И. Эрлих

Deadline: 8.02.2013

Совместный бакалавриат ВШЭ-РЭШ, 2018—19 уч. год

Математический анализ — 1

Домашнее задание №2

И. Щуров, М. Матушко, И. Машанова, И. Эрлих

Фамилия и имя студента: Матушко Мария

Правила

Academic ethics policy. Попытка сдать хотя бы частично списанный текст будет рассматриваться как грубое нарушение принципов академической этики со всеми административными и репутационными последствиями.

Deadline policy. Срок сдачи работы указан в my.NES и не будет переноситься. В случае сдачи работы после срока оценка будет определяться по формуле $x(t) = x_0 e^{-t}$, где x_0 — оценка без учёта штрафа, t — количество дней, прошедших с момента дедлайна до момента сдачи работы (вещественное число).

Typography policy. Текст работы сдаётся исключительно в формате PDF. Работа с идеальным оформлением, набранная на компьютере, выглядящая как страница из хорошо сверстанной книги, получает бонус в 5% от числа набранных баллов. Работа с плохим оформлением (например, скан работы, написанной от руки), получает штраф в 5% от числа набранных баллов. Работа, чтение которой вызывает существенные затруднения (неразборчивый скан или фотография и т.д.), может быть возвращена на доработку без продления дедлайна.

Задачи

Все пункты всех задач весят одинаково. Для оформления задач 1 и 2 можно распечатать условие, построить графики ручкой на распечатке, добавить необходимые комментарии, отсканировать и перевести в PDF.

Задача 1. На рисунке 1 изображен график функции $y = f(x)$.

а. Заполнить по графику таблицу значений функций (находить значения можно примерно):

x	-3	-2,5	-2	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3
$f(x)$													

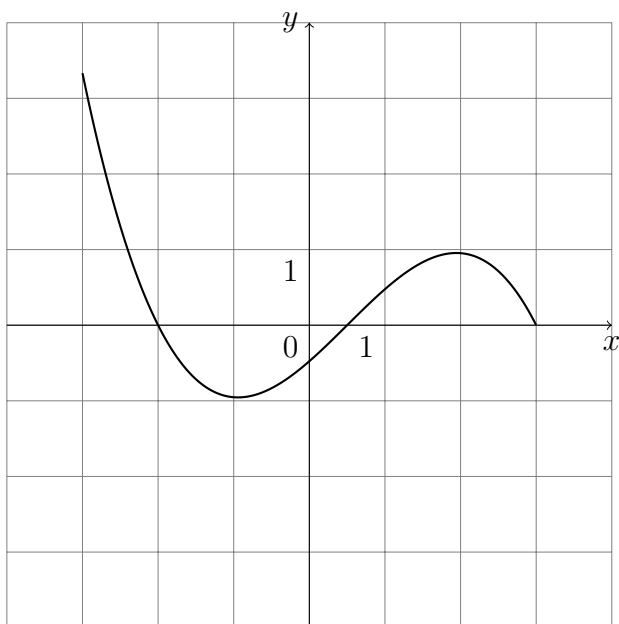
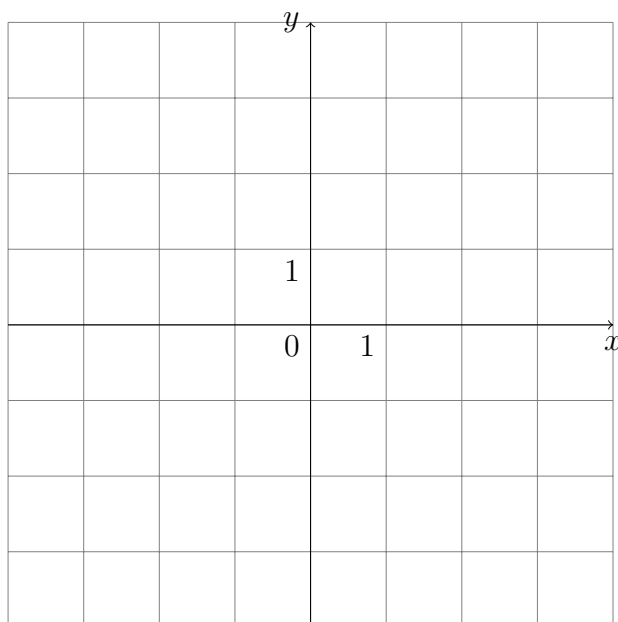


Рис. 1: Рисунок к задаче 1

б. Рассмотрим функцию $h(x) = 2f(x)$; Чему равно $h(0)$? $h(1)$? Заполнить для неё таблицу значений (см. ниже) и построить график. Как соотносятся графики функций $f(x)$ и $h(x)$?

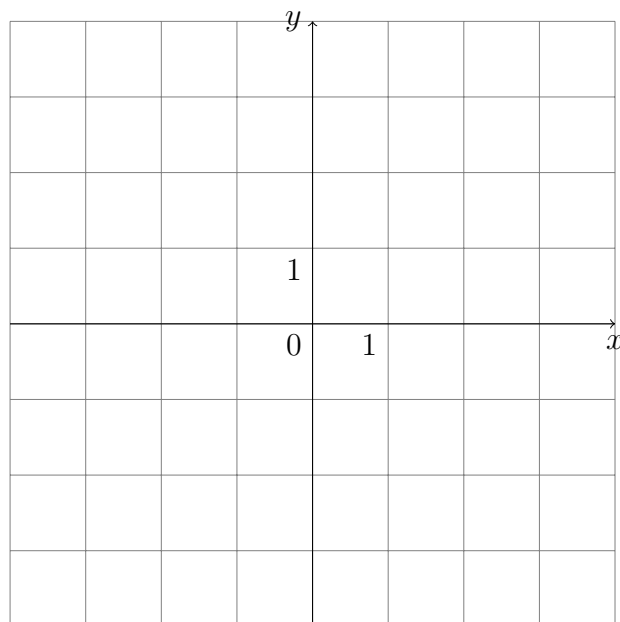
x	-3	-2,5	-2	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3
$h(x)$													



Решение:

с. Рассмотрим функцию $g(x) = f(x) + 1$. Чему равно $g(0)$? $g(1)$? Заполнить для неё таблицу значений (см. ниже) и построить график. Как соотносятся графики функций $g(x)$ и $f(x)$?

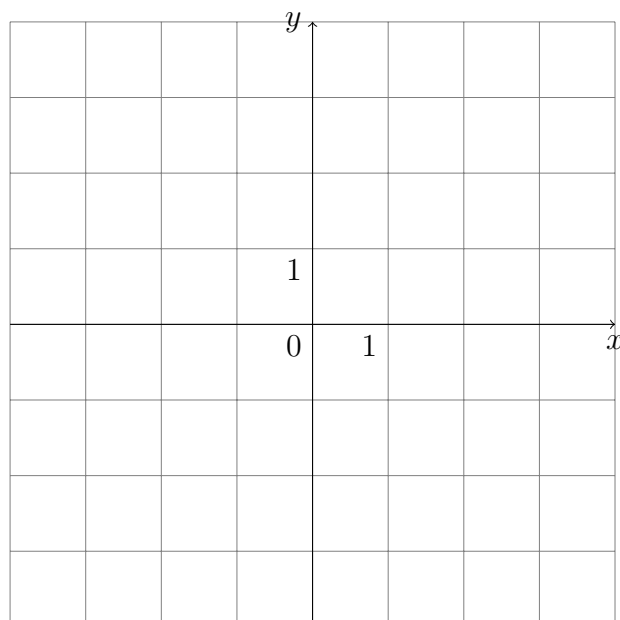
x	-3	-2,5	-2	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3
$g(x)$													



Решение:

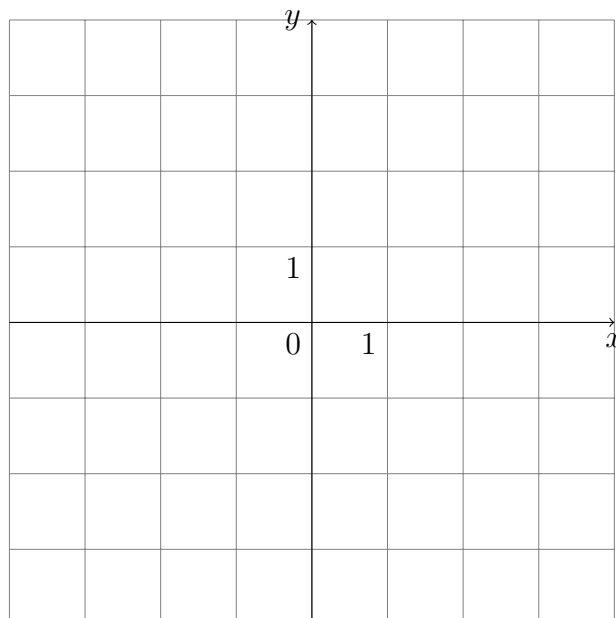
d. Рассмотрим функцию $u(x) = f(x + 1)$; Чему равно $u(0)$? $u(-1)$? $u(1)$? Заполнить для неё таблицу значений (см. ниже) и построить график. Как соотносятся графики функций $f(x)$ и $u(x)$?

x	-4	-3,5	-3	-2,5	-2	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5	2
$u(x)$													



Решение:

е. Рассмотрим функцию $v(x) = f(2x)$; Чему равно $v(0)$? $v(1)$? $v(0,5)$? Заполнить для неё таблицу значений (см. ниже) и построить график. Как соотносятся графики функций $f(x)$ и $v(x)$?

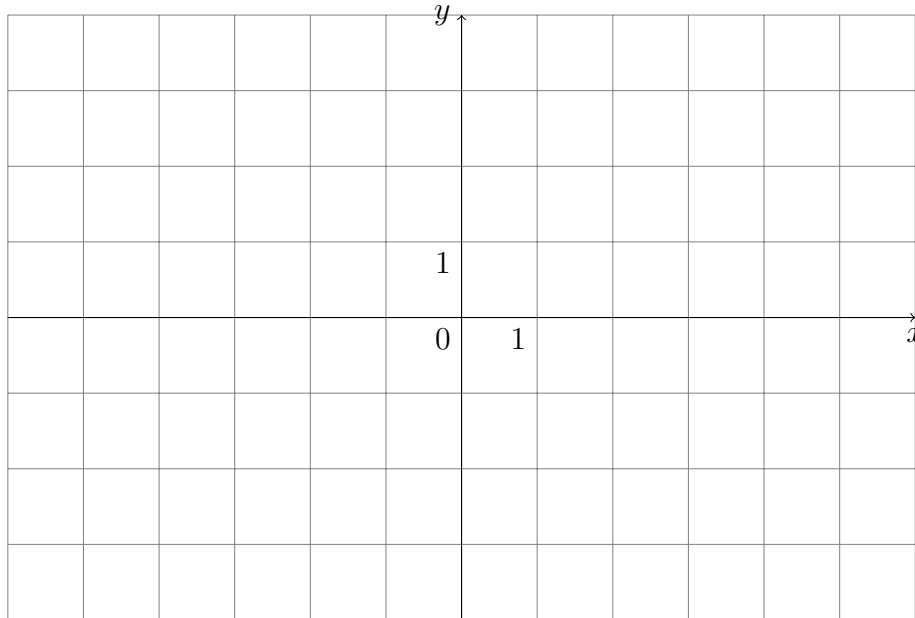


x	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5
$v(x)$							

Решение:

f. Рассмотрим функцию $z(x) = f(x/2)$; Чему равно $z(0)$? $z(1)$? $z(-1)$? Заполнить для неё таблицу значений (см. ниже) и построить график. Как соотносятся графики функций $f(x)$ и $z(x)$?

x	-6	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6
$z(x)$													



Решение:

Задача 2. На рисунке 2 изображён график функции $y = f(x)$. Рассмотрим функцию $g(x) = f(4x + 4)$.

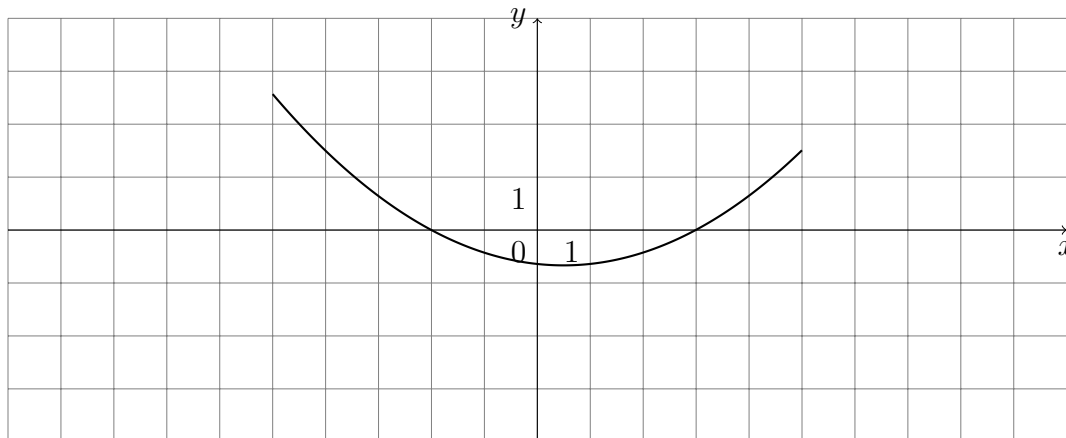


Рис. 2: Рисунок к задаче 2

- Найти область определения функции $g(x)$.
- Найти значение функции $g(x)$ в нескольких (как минимум пяти) различных точках из области определения.
- Построить график $g(x)$.
- Какие точки на графике функции $f(x)$ переходят в точки на графике $g(x)$ с абсциссой $x = 0$, $x = 1$, $x = -1$? Какие точки остаются на месте?
- Описать словами, что надо сделать с графиком функции $f(x)$, чтобы получить график функции $g(x)$.