

Школа лингвистики, 2024-25 уч. год**Теория вероятностей****Дискретные случайные величины (04.02.2025)***И. В. Щуров, Д. А. Филимонов, Р. Я. Будылин*

Задача 1. Эксперимент состоит в бросании двух кубиков. Даны две случайные величины: ξ — сумма очков на двух кубиках и η — произведение очков на двух кубиках.

- (а) Построить таблицы распределения ξ и η .
- (б) Построить соответствующие многоугольники распределения.

Задача 2. Рассмотрим урновую схему: в урне лежит 5 белых и 4 чёрных шара. Вытаскивается 3 шара, случайная величина ξ — количество белых шаров.

- (а) Построить таблицу распределения ξ .
- (б) Построить соответствующий многоугольник распределения.

Задача 3. Эксперимент состоит в бросании 5 монет. Будем считать, что орлу соответствует ноль, а решке единица. Даны две случайные величины: ξ — сумма полученных чисел и η — произведение.

- (а) Построить таблицы распределения ξ и η .
- (б) Построить соответствующие многоугольники распределения.

Задача 4. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратичное отклонение случайной величины, заданной таблицей:

- (а)

ξ	-1	0	1	2
p	0.1	0.2	0.3	0.4
- (б)

ξ	-10	0	10
p	0.7	0.1	0.2
- (с)

ξ	0.1	0.2	0.3	0.4
p	0.4	0.3	0.2	0.1

Задача 5. Найти математические ожидания, дисперсии и средние квадратичные отклонения для случайных величин из задач 1–3.

Задача 6. Пусть теперь бросается 100 кубиков. Случайная величина ξ — сумма очков на всех кубиках.

- (а) Построить таблицу распределения ξ_i — значение только на i -ом кубике.
- (б) Найти математическое ожидание $E\xi_i$ и дисперсию $D\xi_i$.
- (с) Найти математическое ожидание $E\xi$ и дисперсию $D\xi$.

Задача 7. Случайные величины ξ и η распределены как указано в таблице:

ξ	2	4
p	0.4	0.6
η	3	1
p	0.1	0.9

Пусть дополнительно известно, что события $\{\xi = 2\}$ и $\{\eta = 3\}$ являются независимыми. Рассмотрим случайную величину $\zeta = \xi\eta$.

- (а) Найти математические ожидания $E\xi$ и $E\eta$.

- (b) Найти дисперсии $D\xi$ и $D\eta$.
- (c) Найти ряд распределения случайной величины ζ . (Подсказка: воспользоваться теоремой о произведении вероятностей независимых событий.)
- (d) Найти математическое ожидание $E\zeta$ и сравнить его с произведением математических ожиданий $E\xi$ и $E\eta$.
- (e) Найти дисперсию $D\zeta$.

Задача 8. Пусть в корзине 100 шаров: 60 белых и 40 чёрных. Мы вытащили из корзины 3 шара. Найти математическое ожидание числа чёрных шаров среди вытащенных.

Дополнительные задачи

Задача 9. Пусть мы бросили монету 100 раз. Найти математическое ожидание числа орлов, после которых выпала решка.

Задача 10. Пусть мы бросили монету 100 раз. Вычислить дисперсию числа орлов, после которых выпала решка.