

Высшая школа экономики

Факультет прикладной политологии

Математика для политологов

И. А. Хованская, Н. А. Сопрунова, И. В. Щуров, А. В. Михайлович, К. И. Сонин
(РЭШ)

Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины

Задача 2.1. В некоторой местности работают два фермерских хозяйства (акционерных общества) — «Полосатый арбуз» и «Свежая капуста». Урожай, а значит и стоимость акций, зависит от погодных условий (а именно от температуры, и только от неч), как показано на таблице. Вероятность того, что установится теплая погода, равна 0,3, а вероятность холодной погоды — 0,7.

Стоимость 100 акций	Тепло	Холодно
Полосатый арбуз	200	100
Свежая капуста	100	200

Есть шесть инвесторов, владеющих акциями этих фермерских хозяйств — A, B, C, D, E, F. Их инвестиционные портфели показаны на таблице:

Инвестор	Акций «Полосатого арбуза»	Акций «Свежей капусты»
A	100	0
B	0	100
C	250	0
D	100	100
E	100	200
F	300	300

Для каждого инвестора, вычислить математическое ожидание и дисперсию стоимости инвестиционного портфеля

Задача 2.2. На примере из предыдущей задачи, проверить, выполняются ли следующие утверждения:

1. Математическое ожидание суммы случайных величин равно сумме математических ожиданий этих случайных величин.
2. Дисперсия суммы случайных величин равна сумме дисперсий случайных величин.

Задача 2.3. Опираясь на пример из задачи 2.1, ответить на следующие вопросы:

1. Во сколько раз увеличится математическое ожидание случайной величины, если увеличить случайную величину в k раз?
2. Во сколько раз увеличится дисперсия случайной величины, если увеличить случайную величину в k раз?

Задача 2.4. В той же местности, что в задаче 38, появилось новое фермерское хозяйство: «Ячменный колос». Урожайность выращиваемых им культур зависит от влажности, но не зависит от температуры. Мы считаем, что влажность и температура независимы, и вероятность влажной погоды равна 0,8, а вероятность сухой — 0,2. Стоимость акций показана на таблице:

Стоимость 100 акций	Влажно	Сухо
Ячменный колос	10	50

Рассмотрим инвесторов X, Y, Z, обладающих следующими пакетами акций:

Инвестор	Акций «Полосатого арбуза»	Акций «Свежей капусты»	Акций «Ячменного колоса»
X	100	0	100
Y	0	100	500
Z	100	200	300

- С какой вероятностью будет тепло и сухо? Холодно и сухо? Тепло и влажно? Влажно и холодно?
Заполнить таблицу:

вероятность	тепло	влажно
сухо		
холодно		

- Сколько будет стоить инвестиционный портфель X, если будет тепло и сухо? А если будет влажно и холодно?
- Выписать таблицы распределения стоимости акций каждого из инвесторов X, Y, Z.
- Найти математическое ожидание и дисперсию стоимости инвестиционного портфеля каждого из инвесторов X, Y, Z.